

平成28年度高等学校入学者数学学力テスト

B

答えは別紙の解答欄に記入しなさい。

実施時期によっては、問題用紙も回収します。

科	組	番	氏
受検番号	番	名	

〔1〕 次の問いに答えなさい。

(1) $-5^2 + 8 \div \left(-\frac{1}{2}\right)^2$ を計算しなさい。

(2) $\frac{11x - 5y}{6} - 2x + y$ を簡単にしなさい。

(3) 連立方程式 $\begin{cases} \frac{2x+y}{3} - \frac{x-y}{5} = 1 \\ 5x+4y=3 \end{cases}$ を解きなさい。

(4) $16x^3y - 9xy^3$ を因数分解しなさい。

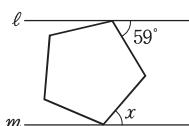
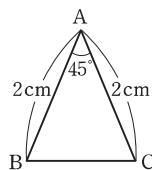
(5) $\frac{6}{\sqrt{3}} - (1 - \sqrt{3})^2$ を計算しなさい。

(6) ある数に1を加えてから2乗し、さらに、その数を5倍したら、もとの数の2倍を2乗した数より11だけ小さくなつた。

(ア) もとの数を x として、方程式をつくりなさい。(イ) x の値を求めなさい。

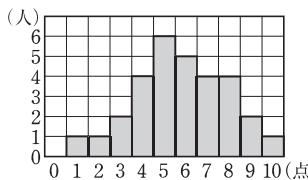
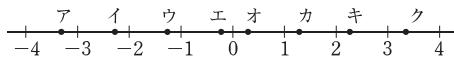
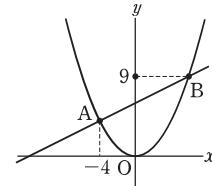
(7) $x = \sqrt{2} + 1$, $y = \sqrt{2} - 1$ のとき、 $x^2 + 2xy + y^2$ の値を求めなさい。

(8) $\frac{2016}{n}$ が整数となるような、素数 n をすべて求めなさい。

(9) 2点 $(-2, 1)$, $(8, p)$ を通る直線の傾きを p を用いて表しなさい。(10) 2つの関数 $y = 2x + 6$ と $y = kx^2$ について、 x の変域がともに $-3 \leq x \leq a$ のとき、 y の変域は $0 \leq y \leq 18$ で一致する。このとき、 a と k の値を求めなさい。(11) 右の図のように、正五角形と $\ell // m$ の2直線がある。 $\angle x$ の大きさを求めなさい。(12) 右の図は、 $AB = AC = 2\text{cm}$, $\angle A = 45^\circ$ の二等辺三角形である。この三角形の面積を求めなさい。

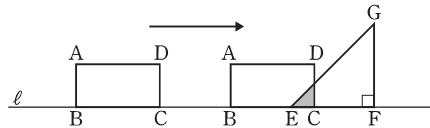
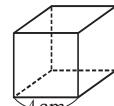
〔2〕 次の問いに答えなさい。

(1) あるクラスの生徒30人に10点満点の小テストを実施した。図は、その結果をヒストグラムに表したものである。このクラスの得点の中央値を求めなさい。

(2) 大小2つのさいころを同時に投げ、大きいさいころの出た目の数を a 、小さいさいころの出た目の数を b とする。このとき、 $\frac{a}{b}$ が整数となる確率を求めなさい。(3) $\frac{26}{111}$ を小数で表したとき、小数第30位の数を答えなさい。(4) 数直線上の8つの点ア～クのうち、二次方程式 $x^2 + 2x - 4 = 0$ の解を表しているものをすべて選び、そのかな符号を答えなさい。(3) 図のように、関数 $y = \frac{1}{4}x^2$ のグラフ上に2点A, Bがある。点Aの x 座標は -4 であり、点Bの x 座標は正で、 y 座標は 9 である。点Oを原点とするとき、次の問いに答えなさい。

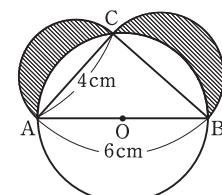
(1) 2点A, Bを通る直線の式を求めなさい。

(2) 原点Oを通り、直線ABに平行な直線と、点Aを通り、直線OBに平行な直線との交点をCとする。点Cの座標を求めなさい。

(4) 図のように、 $AB=4\text{cm}$, $BC=8\text{cm}$ の長方形ABCDと、 $EF=8\text{cm}$, $FG=8\text{cm}$, $\angle F=90^\circ$ である直角二等辺三角形EFGがある。長方形ABCDは、直線 ℓ にそって矢印の向きに毎秒 1cm の速さで動いていく。点Cが点Eの位置にきたときから x 秒後の2つの図形が重なった部分の面積を $y\text{cm}^2$ とする。このとき、次の問いに答えなさい。(1) $0 \leq x \leq 4$ のとき、 x と y の関係を式に表しなさい。(2) $4 \leq x \leq 8$ のとき、 x と y の関係を式に表しなさい。(5) 図のように、1辺の長さが 4cm の立方体の箱がある。次の問いに答えなさい。ただし、円周率は π とする。

(1) この箱にぴったりはいる球の体積を求めなさい。

(2) この箱がぴったりはいる球の体積を求めなさい。

(6) 図のように、 $AB=6\text{cm}$ を直径とする円Oの円周上に、 $AC=4\text{cm}$ となるような点Cをとる。 $\triangle ABC$ と重ならないように、辺AC, BCを直径とする半円をかいたとき、次の問いに答えなさい。(1) $\triangle ABC$ の面積を求めなさい。

(2) 斜線部分の面積を求めなさい。